

причем

$$\inf_{0 < \delta \leq \sigma_k/2} \left[ \frac{1}{m_1} \int_0^\delta \frac{\omega(t)}{t} dt + 2 |\ln M_1| |\ln(l/(2\delta))| \right] < \\ < \frac{\pi(1-2b)(1-\pi b)m_1}{2M_1},$$

то зависимость  $w(s) \equiv \tilde{w}(\sigma(s))$  представляет собой исходные данные, при которых решение соответствующей внутренней обратной краевой задачи по параметру  $s$  (см. [1]) будет однолиственным - почти выпуклым.

## Л И Т Е Р А Т У Р А

1. Тумашев Г. Г., Нужин М. Т. *Обратные краевые задачи и их приложения*. - Казань: Изд-во Казанс. ун-та., 1965. - 333 с.

В. В. Шуликовская (Ижевск)

## ПРЕДЕЛЬНАЯ ТЕОРЕМА ДЛЯ ПРОИЗВЕДЕНИЙ НЕЗАВИСИМЫХ СЛУЧАЙНЫХ МАТРИЦ

Пусть на вероятностном пространстве  $(\Omega, F, P)$  задана последовательность независимых случайных матриц  $g_1, g_2, \dots, g_n, \dots$  из  $G = SL(m, R)$ , имеющих одинаковое распределение  $\mu$ . Обозначим  $I = \{1, \dots, m\}$  — множество натуральных чисел, не больших, чем  $m$ , а  $\tau = \{i_1, i_2, \dots, i_s\}$  — подмножество множества  $I$ , для которого  $i_1 < i_2 < \dots < i_s = m$ . Пусть  $V_\tau = \{v\}$  — множество блочно-диагональных ортогональных матриц с блоками размерности  $i_1 \times i_1, (i_2 - i_1) \times (i_2 - i_1), \dots, (i_s - i_{s-1}) \times (i_s - i_{s-1})$ , а  $Y_\tau = \{y\}$  — однородное пространство левых смежных классов группы унитарных ортогональных матриц по подгруппе  $V_\tau$ , которое можно понимать как область некоторого многообразия в  $R^{m^2}$ . Тогда для каждой матрицы  $g$  можно определить действие группы  $G$  на  $Y_\tau$ :  $y \rightarrow y\bar{g}$ , полагая  $y\bar{g}$  проекцией в  $Y_\tau$  произведения  $g$  и произвольной матрицы из класса  $y$ . Обозначим произведение матриц через  $g(n) = g_1 \cdot g_2 \cdot \dots \cdot g_n$ . Нетрудно убедиться, что последовательность элементов  $\{y_n = y_0 g(n)\}$  является

цепью Маркова. Так как вероятности перехода такой цепи Маркова зависят только от распределения  $\mu$ , ее принято называть  $\mu$ -блужданием на  $Y_\tau$ .

В настоящей работе найдены условия на носитель меры  $\mu$ , обеспечивающие невырожденность распределения  $\mu$  на специальных гиперпространствах, размерности которых зависят от индекса  $\tau$ . При этих условиях доказано, что  $\mu$  — блуждание  $\{y_n\}$  имеет единственное стационарное распределение  $\nu^\tau$  и является эргодичным. Более того, если обозначить  $\Phi_k(y, g) = \int_{V_\tau} \ln d_k(vug) \chi(dv)$ , где  $\chi$  — мера Хаара на  $V_\tau$ ,  $d_k(g)$  —  $k$ -ый диагональный элемент матрицы  $d(g)$  в разложении Иваса-вы,  $u \in y$ , то с  $P$ -вероятностью 1 существуют пределы

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\Phi_k(E, g(n))}{n} = a_k, \quad k = 1, 2, \dots, m,$$

причем неслучайный вектор  $a = (a_1, a_2, \dots, a_m)$  удовлетворяет условию  $a_{i_1} < a_{i_2} < \dots < a_{i_s}$ .

Данная работа обобщает результаты, полученные ранее И.Я. Гольдштейдом, Г.А. Маргулисом [1] и А.В. Летчиковым [2].

Работа поддержана РФФИ (проекты 97-01-00704 и 00-01-00225).

## Л И Т Е Р А Т У Р А

1. Гольдштейд И. Я., Маргулис Г. А. *Показатели Ляпунова произведения случайных матриц*// Успехи мат. наук.— 1989. — Т. 44. — Вып. 5. — С. 13–59.
2. Летчиков А. В. *Произведения унимодулярных независимых случайных матриц*// Успехи мат. наук. — 1996. — Т. 51. — Вып. 1. — С. 51–100.

В. В. Шурыгин (Казань)

## О КОГОМОЛОГИЧЕСКИХ ПРЕПЯТСТВИЯХ ДЛЯ ЭКВИВАЛЕНТНОСТИ А-ГЛАДКОГО МНОГООБРАЗИЯ НЕКОТОРОМУ РАССЛОЕНИЮ А-СКОРОСТЕЙ ВЕЙЛЯ

С  $n$ -мерным гладким многообразием  $M_n^A$  над локальной ал-